

REHSEIS, 14 décembre 2004

Histoire de l'analyse. Autour de la notion de limite et de ses voisinages, Vuibert, 2003

Pierre Dugac

Résumé succinct de l'intervention de Christian Gilain

Il s'agit d'un ouvrage ayant un caractère particulier : il est publié de manière posthume à partir d'un manuscrit préparé par l'auteur peu de temps avant son décès, en mars 2000, où il présente de façon synthétique les thèmes essentiels de ses travaux d'histoire des mathématiques. Enseignant-chercheur à l'Université Paris 6, Pierre Dugac a joué un rôle scientifique et institutionnel très important dans le champ de l'histoire des mathématiques, tant en France que dans le monde, dans le dernier tiers du XXe siècle.

Dans ce livre, consacré principalement à l'histoire de la notion de limite, on peut distinguer trois parties. La première porte sur la période allant de l'Antiquité aux travaux de Newton et Leibniz. La deuxième partie s'étend du milieu du XVIIIe siècle au début du XXe siècle. Enfin, la troisième porte sur les problèmes posés par l'écriture de l'histoire des mathématiques au XXe siècle, en liaison avec la préparation du livre collectif, édité par J.-P. Pier, *Development of mathematics, 1900-1950*, Birkhäuser, 1994.

La seconde partie, qui est la plus importante quantitativement puisqu'elle constitue environ les trois-quarts du texte de P. Dugac, est aussi la plus importante scientifiquement car elle s'appuie directement sur les recherches qui ont valu à l'auteur sa réputation internationale. Cette partie constitue une excellente introduction à ses travaux, dont on trouve à la fin la liste complète, et qui portent principalement sur l'histoire des fondements de l'analyse mathématique au XIXe siècle. A l'occasion d'articles ou d'ouvrages de recherche, et de cours universitaires photocopiés, P. Dugac a notamment analysé les contributions à cette question de Bolzano, Cauchy, Méray, Weierstrass, Dedekind, Cantor, Baire. Si le contenu de ses travaux est certainement marqué par le poids d'une certaine conception des mathématiques et de leur enseignement dans les années 1960 et 1970, la rigueur de sa démarche historique, dans l'utilisation des sources primaires et secondaires, fait de ses écrits une référence incontournable pour qui s'intéresse à l'histoire de l'analyse mathématique.